

Ex1: (10pts) ① $\frac{7}{6}^\circ \text{C}$ ② $1,5 \times 10^9 \text{C}$ ③ 27°B ④ $2^2 \times 5 \times 101 \text{C}$ ⑤ 8°A .

Ex2: (16pts)

1) Figure

2) BDC triangle rectangle en B

On utilise l'égalité de Pythagore

$$CD^2 = BC^2 + BD^2$$

$$8,5^2 = 7,5^2 + BD^2$$

$$BD^2 = 72,25 - 56,25$$

$$BD^2 = 16$$

$$BD = \sqrt{16}$$

$$\boxed{BD = 4 \text{ cm}}$$

Donc la longueur BD est bien égale à 4 cm

$$3) \frac{7,5}{6} = 1,25 \quad \frac{8,5}{6,8} = 1,25 \quad \frac{4}{3,2} = 1,25$$

les quotients sont égaux donc les longueurs des triangles sont proportionnelles à 2 donc les triangles sont semblables.

4) les triangles sont semblables donc leurs angles sont de même mesure à 2 donc $\widehat{BFE} = \widehat{CBD} = 90^\circ$.
 $\widehat{BFE}$ est bien un angle droit donc l'a a raison

(ou) $6,8^2 = 46,24$ et $6^2 + 3,2^2 = 46,24$
 on a donc $BE^2 = BF^2 + FE^2$
 l'égalité de Pythagore est vérifiée donc BFE est rectangle en F.

Ex3: (10pts)

1) $\frac{108}{20} = 5,4$ or 5,4 n'est pas entier

donc il ne pourra pas faire 20 paniers

$$\begin{array}{lcl} 2) \quad 108 & = & 2 \times 54 \\ & = & 2 \times 9 \times 6 \\ & = & 2 \times 3 \times 3 \times 2 \times 3 \\ & = & 2^2 \times 3^3 \end{array} \quad \begin{array}{lcl} 180 & = & 3 \times 60 \\ & = & 3 \times 6 \times 10 \\ & = & 3 \times 2 \times 3 \times 2 \times 5 \\ & = & 2^2 \times 3^2 \times 5 \end{array}$$

On veut faire un maximum de panier donc il faut trouver le PGCD de 108 et 180

$$\text{PGCD}(108, 180) = 2^2 \times 3^2 = 36$$

Il pourra faire 36 paniers

$$3) \quad \frac{108}{36} = 3 \quad \frac{180}{36} = 5$$

Chaque panier contiendra 3 pressions et 5 coquillages

Ex4: (10pts)

1) En 2016 le vainqueur est celui qui a fait le plus petit temps soit 9,81s

$$2) \quad \frac{2012}{\text{Moy}} = 10,01 \text{ s}$$

$$\begin{array}{lcl} \frac{2016}{\text{Moy}} & = & \frac{10,06 + 9,96 + \dots + 9,96}{8} \\ & = & \frac{79,56}{8} \\ & = & 9,9425 \text{ s.} \end{array}$$

$9,9425 < 10,01$
 donc la moyenne la plus petite est en 2016

$$3) \quad \frac{2016}{\text{Meilleure temps}} = 9,81 \text{ s}$$

$$\frac{2012}{\text{Meilleure temps}} = 11,99 - 2,36 = 9,63 \text{ s}$$

$$9,63 < 9,81$$

donc le meilleur temps a été réalisé en 2012.

4) 2012: médiane = 9,86 s, donc au moins 4 athlètes ont mis moins de 9,86 s donc l'affirmation est fausse.

Ex5: 16pts

Partie A:

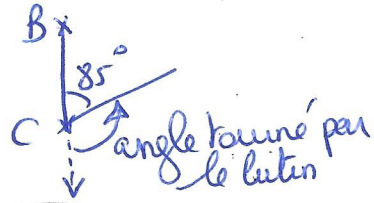
- 1) les points ne sont pas alignés. donc il ne s'agit pas d'une situation de proportionnalité
- 2) Au bout de 30s, le volume de café est de 20ml
- 3) la tasse contient 40ml au bout d'environ 35s.
- 4) la machine préchauffe pendant 25s.
- 5) la tasse est pleine quand elle contient 80ml soit au bout d'environ 45s.

Partie B:

- 1) $f(x) = 4(x - 25)$
 $= 4x - 100$
- 2) $f(38) = 4 \times 38 - 100$
 $= 52$
l'image de 38 par f est 52
la tasse contient 52ml de café au bout de 38s
- 3) $f(50) = 4 \times 50 - 100$
 $= 200 - 100$
 $= 100$
de mug contient 100ml

Ex6: 7pts

- a) BCD est un triangle isocèle en D car $DE = DC = 150$
donc $\widehat{ECD} = \widehat{CED} = 85^\circ$
la somme des angles d'un triangle est égale à 180°
Donc $\widehat{EDC} = 180 - 85 \times 2$
 $= 10^\circ$
- b) le lutin tourne à l'extérieure de la figure
 $180 - 85 = 95^\circ$



- c) $180 - 10 = 170$
donc dans la ligne il faut mettre 170°
- 2) le script "jale" permet de dessiner 1 pile. or il y a 3 piles donc la boucle répéter il faut mettre 3 fois

Ex7: 14pts

$$1) V_A = \pi \times R^2 \times h$$

$$= \pi \times 3^2 \times 10$$

$$= 90\pi$$

$$\approx 283 \text{ cm}^3$$

$$V_B = \frac{\pi \times R^2 \times h}{3}$$

$$= \frac{\pi \times 5^2 \times 10}{3}$$

$$= \frac{1352}{15} \pi$$

$$\approx 283 \text{ cm}^3$$

l'affirmation 1 est vraie

$$2) 7x - 3 = 6x + 29$$

$$7x - 6x = 29 + 3$$

$$3x = 32$$

$$x = \frac{32}{3}$$

or $\frac{32}{3}$ n'est pas entier
l'aff 2 est fausse

$$3) \begin{aligned} & \bullet -10 \\ & \bullet -10 + 7 = -3 \\ & \bullet -10 - 7 = -17 \\ & \bullet -3 \times (-17) = 51 \\ & \bullet 51 + 50 = 101 \end{aligned}$$

$101 \neq 100$
donc l'aff 3 est fausse

Ex8: 17pts

- 1) AHC triangle rectangle en H. J'utilise l'égalité de Pythagore

$$AC^2 = AH^2 + HC^2$$

$$362^2 = AH^2 + \left(\frac{290}{2}\right)^2$$

$$AH^2 = 16966 - 21025$$

$$AH^2 = 95939$$

$$AH = \sqrt{95939}$$

$$AH \approx 310 \text{ cm}$$

- 2) A, M, B et A, N, C sont alignés
 $(MN) \parallel (BC)$
D'après le théorème de Thalès
 $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$
 $\frac{AM}{362} = \frac{AN}{362} = \frac{MN}{290}$
dc $MN = \frac{290 \times 165}{362}$
 $MN \approx 130 \text{ cm}$

$$3) 80 + 50 + 12,99 + 4 \times 1 + 6,99 = 196,98$$

le coût minimal est bien de 196,98€

$$4) 196,98 \times \frac{20}{100} = 39,396$$

$$196,98 + 39,396 \approx 236,38$$

son prix de vente sera